Минобрнауки России

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

«ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

(ФГБОУ ВО «ВГУ»)

УТВЕРЖДАЮ

Заведующий кафедрой
Кургалин Сергей Дмитриевич
Кафедра цифровых технологий

05.03.2024

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Б1.О.25 Теория вероятности и математическая статистика

1. Код и наименование направления подготовки/специальности:

09.03.03 Прикладная информатика

2. Профиль подготовки/специализация:

Прикладная информатика в экономике

3. Квалификация (степень) выпускника:

Бакалавриат

4. Форма обучения:

Очная

5. Кафедра, отвечающая за реализацию дисциплины:

Кафедра цифровых технологий

6. Составители программы:

Попова Александра Евгеньевна, к. ф.-м. н.

7. Рекомендована: протокол НМС № 5 от 05.03.2024

9. Цели и задачи учебной дисциплины:

Целями освоения учебной дисциплины являются:

- формирование представлений о вероятностных моделях реальных физических явлений и процессов;
- изучение математического аппарата теории вероятностей и статистики.

Задачи учебной дисциплины:

- усвоение обучающимися основных понятий, базовых моделей и математического формализма теории вероятности, а также границ их применимости, приемов и методов аналитического решения типовых задач;
- выделить конкретные вероятностные задачи в прикладных задачах, реализовывать методы и алгоритмы анализа вероятностных моделей, проводить статистический анализ результатов моделирования;
- сформировать навыки квалифицированного выбора и адаптации существующих методов теории вероятности и математической статистики.

10. Место учебной дисциплины в структуре ООП:

Учебная дисциплина относится к обязательной части блока Б1. Для успешного освоения данного курса необходимо предварительное изучение математического анализа.

Теория вероятности и математическая статистика относится к числу фундаментальных разделов современной математики. Знание основ теории вероятности и математической статистики является важной составляющей общей математической культуры выпускника.

11. Планируемые результаты обучения по дисциплине/модулю (знания, умения, навыки),соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями выпускников):

Код и название компетенции	Код и название индикатора компетенции	Знания, умения, навыки
ОПК-1 Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности;	ОПК-1.1 Знает основы математики, физики, вычислительной техники и программирования	Знать: основные понятия, базовые модели и математический формализм теории вероятности, а также границы их применимости, приемы и методы аналитического решения типовых задач.
ОПК-1 Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности;	ОПК-1.2 Умеет решать стандартные профессиональные задачи с применением естественнонаучных и общеинженерных знаний, методов математического анализа и моделирования.	Уметь: выделить конкретные вероятностные задачи в прикладных задачах, реализовывать методы и алгоритмы анализа вероятностных моделей, проводить статистический анализ результатов моделирования.

ОПК-1 Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности;

ОПК-1.3 Владеет навыками теоретического и эксперементального исследования объектов профессиональной деятельности.

Владеть: навыками квалифицированного выбора и адаптации существующих методов теории вероятности и математической статистики и стохастического анализа.

12. Объем дисциплины в зачетных единицах/час:

3/108

Форма промежуточной аттестации:

Зачет

13. Виды учебной работы

,		
Вид учебной работы	Семестр 3	Всего
Аудиторные занятия	16	16
Лекционные занятия	16	16
Практические занятия		0
Лабораторные занятия		0
Самостоятельная работа	0	0
Курсовая работа		0
Промежуточная аттестация	0	0
Часы на контроль		0
Всего	16	16

13.1. Содержание дисциплины

п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела дисциплины	Реализация раздела дисциплины с помощью онлайн-курса, ЭУМК
1	Основные понятия теории вероятностей	Предмет и задачи курса. Основные понятия теории вероятности.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=3426
2	Классическое определение вероятностей	Классическое определение вероятности. Применение классического определения вероятности.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=3426

3	Условные вероятности	Условные вероятности. Формулы полной вероятности и Бейеса.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=3426
4	Вероятностная схема Бернулли	Вероятностная схема Бернулли. Статистические распределения. Метод производящих функций.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=3426
5	Случайные величины	Случайные величины.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=3426
п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела дисциплины	Реализация раздела дисциплины с помощью онлайн-курса, ЭУМК
6	Характеристики случайных величин	Математическое ожидание. Дисперсия.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=3426
7	Предельные теоремы	Предельные теоремы.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=3426
8	Цепи Маркова	Цепи Маркова.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=3426
9	Случайные блуждания	Случайные блуждания. Стохастические процессы.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=3426
10	Элементы математической статистики	Элементы математической статистики. Статистические критерии.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=3426

13.2. Темы (разделы) дисциплины и виды занятий

Nº ⊓/⊓	Наименование темы (раздела)	Лекционные занятия	Практические занятия	Лабораторные занятия	Самостоятельная работа	Всего
1	Основные понятия теории вероятностей	1	2	0	2	5

2	Классическое определение вероятностей	1	4	2	2	9
3	Условные вероятности	1	4	2	4	11
4	Вероятностная схема Бернулли	1	4	2	4	11
5	Случайные величины	2	4	2	4	12
6	Характеристики случайных величин	2	8	2	8	20
Nº п/п	Наименование темы (раздела)	Лекционные занятия	Практические занятия	Лабораторные занятия	Самостоятельная работа	Всего
7	Предельные теоремы	2	0	2	4	8
8	Цепи Маркова	2	0	0	4	6
9						
	Случайные блуждания	2	0	0	4	6
10		2	8	4	6	20

14. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Освоение дисциплины складывается из аудиторной работы (учебной деятельности, выполняемой под руководством преподавателя) и внеаудиторной работы (учебной деятельности, реализуемой обучающимся самостоятельно).

Аудиторная работа состоит из выполнения практических и лабораторных заданий в объёме, предусмотренном учебным планом.

Самостоятельная работа предполагает углублённое изучение отдельных разделов дисциплины с использованием литературы, рекомендованной преподавателем, а также конспектов практических (лабораторных) занятий. В качестве плана для самостоятельной работы может быть использован раздел 13.1 настоящей рабочей программы, в котором зафиксированы разделы дисциплины и их содержание. В разделе 13.2 рабочей программы определяется количество часов, отводимое на самостоятельную работу по каждому разделу дисциплины. Большее количество часов на самостоятельную работу отводится на наиболее трудные разделы дисциплины. Для самостоятельного изучения отдельных разделов дисциплины используется перечень литературы и других ресурсов, перечисленных в пунктах 15 и 16 настоящей рабочей программы.

Успешность освоения дисциплины определяется систематичностью и глубиной аудиторной и внеаудиторной работы обучающегося.

При использовании дистанционных образовательных технологий и электронного обучения выполнять все указания преподавателей, вовремя подключаться к online занятиям, ответственно подходить к заданиям для самостоятельной работы.

15. Перечень основной и дополнительной литературы, ресурсов интернет, необходимыхдля освоения дисциплины

Nº п/п	Источник
1	Ганичева, А. В. Теория вероятностей / А. В. Ганичева. — Москва : Лань, 2017 . — <url: 91078="" book="" e.lanbook.com="" https:=""></url:>
Nº п/п	Источник
2	Иванов, Б. Н. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс] : учебное пособие / Иванов Б. Н. — 2-е изд., испр. и доп. — Санкт-Петербург : Лань, 2019 .— 224 с. — <url: 113901="" book="" e.lanbook.com="" https:=""></url:>

б) дополнительная литература:

Nº π/π	Источник
1	Бородин, А. Н. Элементарный курс теории вероятностей и математической статистики : / А. Н. Бородин .— Москва : Лань, 2011 .— 254 с. — <url: books="" e.lanbook.com="" element.php?pl1_cid="25&pl1_id=2026" http:=""></url:>
2	Вентцель, Е. С. Теория вероятностей и её инженерные приложения / Е. С. Вентцель, Л. А. Овчаров М. : Высш. шк., 2007 492 с.
3	Вентцель, Е. С. Задачи и упражнения по теории вероятностей / Е. С. Вентцель, Л. А. Овчаров М. : Высш. шк., 2003 439 с.
4	Грэхем, Р. Конкретная математика. Основание информатики / Р. Грэхем, Д. Кнут, О. Паташник М. : Мир,1998 704 с.

в) информационные электронно-образовательные ресурсы:

№ п/п	Источник
1	Электронная библиотека ВГУ https://lib.vsu.ru
2	Электронный университет ВГУ https://edu.vsu.ru
3	ЭБС «Лань» https://e.lanbook.com/
4	«Университетская библиотека online» https://biblioclub.ru/
5	«Консультант студента» http://www.studmedlib.ru/
6	«РУКОНТ» (ИТС Контекстум) https://lib.rucont.ru/

16. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы

Nº п/п	Источник
1	Ганичева, А. В. Теория вероятностей / А. В. Ганичева. — Москва : Лань, 2017 . — <url: 91078="" book="" e.lanbook.com="" https:=""></url:>
Nº п/п	Источник
2	Вентцель, Е. С. Задачи и упражнения по теории вероятностей / Е. С. Вентцель, Л. А. Овчаров М. : Высш. шк., 2003 439 с.
3	Иванов, Б. Н. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс] : учебное пособие / Иванов Б. Н. — 2-е изд., испр. и доп. — Санкт-Петербург : Лань, 2019 .— 224 с. — <url: 113901="" book="" e.lanbook.com="" https:=""></url:>

17. Информационные технологии, используемые для реализации учебной дисциплины, включая программное обеспечение и информационно-справочные системы (при необходимости):

При реализации дисциплины могут использоваться технологии электронного обучения и дистанционные образовательные технологии на базе портала edu.vsu.ru, а также другие доступные ресурсы сети Интернет.

18. Материально-техническое обеспечение дисциплины:

Лекционная аудитория, оснащенная мультимедийным проектором; специализированная мебель: доска меловая или маркерная 1 шт., столы, стулья в необходимом количестве. Компьютерный класс с необходимым программным обеспечениеОС Windows v.7, 8, 10, Набор утилит (архиваторы, файлменеджеры), LibreOffice v.5-7, Foxit PDF Reader

19. Оценочные средства для проведения текущей и промежуточной аттестаций

Порядок оценки освоения обучающимися учебного материала определяется содержанием следующих разделов дисциплины:

Nº ⊓/п	Разделы дисциплины (модули)	Код компетенции	Код индикатора	Оценочные средства для текущей аттестации
1	Разделы 1-10	ОПК-1	ОПК-1.1	Контрольная работа, лабораторная работа
2	Разделы 3-10	ОПК-1	ОПК-1.2	Контрольная работа, лабораторная работа
3	Разделы 3-10	ОПК-1	ОПК-1.3	Контрольная работа, лабораторная работа

Промежуточная аттестация

Форма контроля - Зачет

Оценочные средства для промежуточной аттестации

Комплект КИМ

20 Типовые оценочные средства и методические материалы, определяющие процедурыоценивания

20.1 Текущий контроль успеваемости

Текущий контроль успеваемости по дисциплине осуществляется с помощью следующих оценочных средств: контрольная работа, лабораторная работа.

Примеры заданий для контрольной работы:

Контрольная работа № 3

Вариант 1

Задание 1 (10 баллов). Найти дисперсию случайной величины X, которая задана следующим законом распределения:

X 2 3 5 p

0.1 0.6 0.3

Задание 2 (20 баллов). Вероятность поражения мишени стрелком при одном выстреле равна 0,75. Найти вероятность того, что при 100 выстрелах мишень будет поражена не менее 70 и не более 80 раз.

Задание 3 (20 баллов). Найти функцию распределения двумерной случайной величины по данной плотности распределения: $f(x,y) = (\pi^2(1+x^2)(1+y^2))^{-1}$.

Описание технологии проведения: обучающемуся случайным образом дается вариант контрольной работы. На письменное выполнение заданий предоставляется 2 академических часа.

Требования к выполнению заданий (или шкалы и критерии оценивания): за полное правильное выполнение каждого задания выставляется максимальный балл, приведенный выше. Оценка снижается, если в процессе выполнения задания были допущены ошибки и неточности. Оценка 0 баллов ставится либо за полностью невыполненное задание, либо при наличии грубых ошибок.

Перечень лабораторных работ:

- 1. Элементы комбинаторики. Вероятность.
- 2. Теоремы сложения и умножения вероятностей.
- 3. Условные вероятности.
- 4. Моделирование повторения испытаний.
- 5. Случайные величины.
- 6. Числовые характеристики случайных величин.
- 7. Однородные цепи Маркова.
- 8. Выборка. Эмпирическая функция распределения.
- 9. Точечные оценки неизвестных параметров распределения.

Типовое задание для лабораторной работы:

Лабораторная работа № 1

«Элементы комбинаторики. Вероятность».

Цель работы: получение навыков и умений по практического нахождения вероятности событий в соответствии с классической схемой. Понимание основных величин теории вероятностей (пространство элементарных событий, алгебра событий, вероятность) и аксиоматического определения вероятности.

Требования к выполнению работы: выполнение лабораторной работы предусматривает написание программы, с помощью которой осуществляется решение прикладных задач теории вероятности.

Отчёт о работе заключается в демонстрации работы программы и объяснении принципов работы алгоритма, основанного на базовых элементах теории вероятностей.

Критерии оценки: для получении оценки «зачтено» необходимо показать высокий уровень владения теоретическим материалом, уметь объяснить принцип работы написанной программы, верно ответить на дополнительные вопросы.

Задание: написать программу, реализующую нахождение по условию конкретной задачи величин: пространство элементарных событий, алгебру событий, вероятность события. Оформить отчет по лабораторной работе.

Описание технологии проведения: до момента завершения текущей аттестации обучающийся должен сдать лабораторную работу. Если работа не зачтена, обучающийся после соответствующей доработки должен сдать лабораторную работу повторно.

Требования к выполнению заданий (или шкалы и критерии оценивания): для получении оценки «зачтено» необходимо показать высокий уровень владения теоретическим материалом, уметь объяснить принцип работы написанной программы, верно ответить на дополнительные вопросы.

20.2 Промежуточная аттестация

Промежуточная аттестация по дисциплине осуществляется с помощью следующих оценочных средств: комплект КИМ.

Перечень вопросов к зачету:

- 1. Основные понятия теории вероятности.
- 2. Классическое определение вероятности.
- 3. Применение классического определения вероятности.
- 4. Условные вероятности. Формулы полной вероятности и Бейеса.
- 5. Вероятностная схема Бернулли. Статистические распределения.
- 6. Метод производящих функций.
- 7. Случайные величины.
- 8. Математическое ожидание. Дисперсия.
- 9. Предельные теоремы.
- 10. Цепи Маркова.
- 11. Случайные блуждания.
- 12. Стохастические процессы.
- 13. Элементы математической статистики.
- 14. Статистические критерии.

Примеры типовых контрольно-измерительных материалов:

Контрольно-измерительный материал № 1

- 1. Условные вероятности.
- 2. Предельные теоремы.

Контрольно-измерительный материал № 2

- 1. Формулы полной вероятности и Бейеса.
- 2. Статистические критерии.

Описание технологии проведения. Обучающемуся случайным образом дается КИМ, содержащий 2 вопроса из перечня выше. На выполнение заданий предоставляется 2 академических часа.

Требования к выполнению заданий (или шкалы и критерии оценивания). Для оценивания результатов обучения на зачете используются следующие показатели:

1) знание основных понятий теории вероятности и математической статистики и их методов, которые используются для построения моделей и конструирования алгоритмов решения практических задач;

- 2) знание постановки классических задач;
- 3) знание методов формулировки и доказательства математических утверждений;
- 4) умение применять методы теории вероятности и математической статистики для решения задачпрофессиональной деятельности;
- 5) умение применять аппарат теории вероятности и математической статистики для доказательства утверждений и теорем;
- 6) владение навыками квалифицированного выбора и адаптации существующих методов теориивероятности и математической статистики для решения практических задач решения различных задач;
- 7) владение навыками использования методов решения классических задач теории вероятности иматематической статистики для решения различных естественнонаучных задач.

Приведённые ниже задания рекомендуется использовать при проведении диагностических работ для оценки остаточных знаний по дисциплине

ФОС_09.03.04 Программная инженерия

top/По умолчанию для ФОС_09.03.04 Программная инженерия

top/По умолчанию для ФОС_09.03.04 Программная инженерия/ОПК-1

top/По умолчанию для ФОС_09.03.04 Программная инженерия/ОПК-1/Теория вероятностей и математическая статистика

top/По умолчанию для ФОС_09.03.04 Программная инженерия/ОПК-1/Теория вероятностей и математическая статистика/Теория вероятностей и математическая статистика//тестовые задания

Отметьте свойство, которым НЕ обладают элементарные исходы опыта:					
	Балл по умолчанию:				
		Случайный порядок ответов	Да		
		Нумеровать варианты ответов?	0		
		Штраф за каждую неправильную попытку:	33.3		
		ID-номер:			
#	Ответы	Отзыв	Оценка		
A.	неразложимы		0		
B.	попарно независимы		100		
C.	попарно несовместны		0		
D.	образуют полную группу		0		
	Общий отзыв к вопросу:				
	Для любого правильного ответа:	Ваш ответ верный.			
	Для любого неправильного ответа:	Ваш ответ неправильный.			
	Подсказка 1:				
	Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):	Нет			
	Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):	Нет			
	Теги:				
Позвол (МС/М	•	ввильных ответов из заданного списка.			

Случайная величина задана своим законом распределения:

\(x_i\)	0	1	-1
\(p_i\)	0.4	0.4	0.2

Найти математическое ожидание.

	наити математическое ожидание.		
			мс
		Балл по умолчанию:	1
	Случай	іный порядок ответов	Да
	Нумероват	гь варианты ответов?	0
	Штраф за каждую нег	правильную попытку:	33.3
		ID-номер:	
#	Ответы	Отзыв	Оценка
A.	0		o
B.	1.5		o
C.	0.2		100
D.	-0.2		o
	Общий отзыв к вопросу:		
	Для любого правильного ответа:	Ваш ответ	
	для люоого правильного ответа.	верный.	
	Для любого неправильного ответа:	Ваш ответ	
	для люоого неправильного ответа.	неправильный.	
	Подсказка 1:		
	Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):	Нет	
	Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):	Нет	
	Теги:		
	пяет выбирать один или несколько прави ного списка. (MC/MA)	ильных ответов из	

Каким свойством НЕ обладает дисперсия случайной величины?			мс
	Балл по умолчанию:		
		Случайный порядок ответов	Да
		Нумеровать варианты ответов?	0
		Штраф за каждую неправильную попытку:	33.3
		ID-номер:	
#	Ответы	Отзыв	Оценка
A.	неотрицательна		0
В.	для произведения независимых величин равна произведению дисперсий		100
C.	равна нулю для постоянной величины		o
D.	для суммы независимых величин равна сумме дисперсий		o
	Общий отзыв к вопросу:		
	Для любого правильного ответа:	Ваш ответ верный.	
	Для любого неправильного ответа:	Ваш ответ неправильный.	
	Подсказка 1:		
	Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):	Нет	
	Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):	Нет	
	Теги:		
Позвол (МС/М		вильных ответов из заданного списка.	

-	рывная случайная величина равномерно распреде распредераспределения в этом промежутке?	лена в промежутке от -1 до 1. Как выглядит её плот-	мс
		Балл по умолчанию:	1
		Случайный порядок ответов	Да
	Нумеровать варианты ответов? 0		
		Штраф за каждую неправильную попытку:	33.3
		ID-номер:	
#	Ответы	Отзыв	Оценка
A.	(p(x) = 1)		0
B.	(p(x) = 1/2)		100
C.	$(p(x) = e^{-x})$		0
D.	(p(x) = x)		o
	Общий отзыв к вопросу:		
	Для любого правильного ответа:	Ваш ответ верный.	
	Для любого неправильного ответа:	Ваш ответ неправильный.	
	Подсказка 1:		
	Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):	Нет	
	Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):	Нет	
	Теги:		
Позв (МС/	оляет выбирать один или несколько пра МА)	авильных ответов из заданного списка.	

Какое и	Какое из перечисленных распределений называется показательным?		
	Балл по умолчанию:		
	Случайный порядок ответов		
	Нумеровать варианты ответов?		
	Штраф за каждую неправильную попытку:		
	-	ID-номер:	
#	Ответы	Отзыв	Оценка
Α.	$\(p(x) = \lambda e^{-\lambda x},\ x \neq 0\)$		100
B.	$ \langle p(x) = \frac{1}{\left(pi(1+x^2) \right)} \rangle $		0
C.	\(p(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}}e^{- x^2/2}\)		О
D.	$(p(x) = C, \ x \in [a,b])$		0
	Общий отзыв к вопросу:		
	Для любого правильного ответа:	Ваш ответ верный.	
	Для любого неправильного ответа:	Ваш ответ неправильный.	
	Подсказка 1:		
	Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):	Нет	
	Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):	Нет	
	Теги:		
Позво	ляет выбирать один или несколько пра IA)	вильных ответов из заданного списка.	

Плотносние?	Плотность распределения случайной величины имеет вид: $(p(x) = 3 e^{-3x})$. Каково её математическое ожидание?		
		Балл по умолчанию:	1
		Случайный порядок ответов	Да
		Нумеровать варианты ответов?	0
		Штраф за каждую неправильную попытку:	33.3
		ID-номер:	
#	Ответы	Отзыв	Оценка
A.	\(3\)		0
В.	\(e\)		0
C.	\(\pi - 3\)		0
D.	\(1/3\)		100
	Общий отзыв к вопросу:		
	Для любого правильного ответа:	Ваш ответ верный.	
	Для любого неправильного ответа:	Ваш ответ неправильный.	
	Подсказка 1:		
	Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):	Нет	
	Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):	Нет	
	Теги:		
Позво (МС/М	•	ввильных ответов из заданного списка.	

Каким	свойством НЕ обладает коэффициент корреляции	?	мс
		Балл по умолчанию:	1
		Случайный порядок ответов	Да
		Нумеровать варианты ответов?	0
		Штраф за каждую неправильную попытку:	33.3
		ID-номер:	
#	Ответы	Отзыв	Оценка
Α.	находится в отрезке от -1 до 1		0
B.	у величин, связанных линейной зависимостью, максимален по модулю		o
C.	рассчитывается как произведение среднеквадратических отклонений		100
D.	равен нулю у независимых величин		0
	Общий отзыв к вопросу:		
	Для любого правильного ответа:	Ваш ответ верный.	
	Для любого неправильного ответа:	Ваш ответ неправильный.	
	Подсказка 1:		
	Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):	Нет	
	Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):	Нет	
	Теги:		

Брошены две игральные кости. Какова вероятность, что сумма очков на них больше 5?		мс	
	Балл по умолчанию:		1
		Случайный порядок ответов	Да
		Нумеровать варианты ответов?	0
		Штраф за каждую неправильную попытку:	33.3
	7	ID-номер:	
#	Ответы	Отзыв	Оценка
A.	1/5		0
B.	5/36		0
C.	1/12		0
D.	13/18		100
	Общий отзыв к вопросу:		
	Для любого правильного ответа:	Ваш ответ верный.	
	Для любого неправильного ответа:	Ваш ответ неправильный.	
	Подсказка 1:		
	Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):	Нет	
	Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):	Нет	
	Теги:		
Позвол (МС/М)		авильных ответов из заданного списка.	

В центре квадрата со стороной \(a \) расположен круг радиусом \(a/4 \). Какова вероятность того, что случайно брошенная в квадрат точка окажется и в круге? Вероятность попадания точки в область пропорциональна размеру области и не зависит от её расположения.			МС
		Балл по умолчанию:	1
		Случайный порядок ответов	Да
		Нумеровать варианты ответов?	0
		Штраф за каждую неправильную попытку:	33.3
		ID-номер:	
#	Ответы	Отзыв	Оценка
Α.	\(\frac{\pi -1}{8}\)		0
B.	\(3/10\)		0
C.	\(\frac{\pi}{16}\)		100
D.	\(\frac{1}{a}\)		0
	Общий отзыв к вопросу:		
	Для любого правильного ответа:	Ваш ответ верный.	
	Для любого неправильного ответа:	Ваш ответ неправильный.	
	Подсказка 1:		
	Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):	Нет	
	Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):	Нет	
	Теги:		
Позвол (МС/МА		вильных ответов из заданного списка.	

Формула Байеса служит для нахождения:		мс	
	Балл по умолчанию:		
		Случайный порядок ответов	Да
		Нумеровать варианты ответов?	0
		Штраф за каждую неправильную попытку:	33.3
		ID-номер:	
#	Ответы	Отзыв	Оценка
A.	априорных вероятностей		0
B.	апостериорных вероятностей		100
C.	математического ожидания		0
D.	вероятности получения $\(k\)$ успехов в $\(n\)$ независимых испытаниях		o
	Общий отзыв к вопросу:		
	Для любого правильного ответа:	Ваш ответ верный.	
	Для любого неправильного ответа:	Ваш ответ неправильный.	
	Подсказка 1:		
	Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):	Нет	
	Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):	Нет	
	Теги:		
Позвол (МС/МА		вильных ответов из заданного списка.	

Каково наиболее вероятное число попаданий при ста выстрелах, если вероятность попадания при одном вы- стреле 0.7?		МС
	Балл по умолчанию:	1
	Случайный порядок ответов	Да
	Нумеровать варианты ответов?	0
	Штраф за каждую неправильную попытку:	33.3
	ID-номер:	
# Ответы	Отзыв	Оценка
A. 7		0
B. 70		100
C. 30		0
D. 49		0
Общий отзыв к вопросу:		
Для любого правильного ответа:	Ваш ответ верный.	
Для любого неправильного ответа:	Ваш ответ неправильный.	
Подсказка 1:		
Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):	Нет	
Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):	Нет	
Теги:		
Позволяет выбирать один или несколько пј (MC/MA)	равильных ответов из заданного списка.	

	Вероятность получения \(k\) успехов в \(n\) независимых испытаниях при условии, что число испытаний велико: \(n\gg 1\), а вероятность успеха в каждом испытании мала: \(p\ll 1\), – определяется формулой:		
		Балл по умолчанию:	1
	Случайный порядок ответов		
		Нумеровать варианты ответов?	0
		Штраф за каждую неправильную попытку:	33.3
	_	ІД-номер:	
#	Ответы	Отзыв	Оценка
A.	Пуассона		100
B.	Муавра-Лапласа		0
C.	Бернулли		0
D.	Гаусса		0
	Общий отзыв к вопросу:		
	Для любого правильного ответа:	Ваш ответ верный.	
	Для любого неправильного ответа:	Ваш ответ неправильный.	
	Подсказка 1:		
	Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):	Нет	
	Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):	Нет	
	Теги:		
Позво. (МС/М		ввильных ответов из заданного списка.	

Каков	акова вероятность получить 3 «орла» при шестикратном бросании монеты?						
	Балл по умолчанию:						
		Случайный порядок ответов	Да				
	Нумеровать варианты ответов						
		Штраф за каждую неправильную попытку:	33.3				
	-	ІД-номер:					
#	Ответы	Отзыв	Оценка				
Α.	3/8		0				
B.	1/2		0				
C.	5/16		100				
D.	\(\frac{1}{2^6}\)		0				
	Общий отзыв к вопросу:						
	Для любого правильного ответа:	Ваш ответ верный.					
	Для любого неправильного ответа:	Ваш ответ неправильный.					
	Подсказка 1:						
	Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):	Нет					
	Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):	Нет					
	Теги:						
Позв (МС/	оляет выбирать один или несколько пра MA)	авильных ответов из заданного списка.					

Каким и величин	Каким из перечисленных свойств должна обладать функция распределения вероятностей дискретной случайной величины?			
		Балл по умолчанию:	1	
		Случайный порядок ответов	Да	
		Нумеровать варианты ответов?	0	
		Штраф за каждую неправильную попытку:	33.3	
		ID-номер:		
#	Ответы	Отзыв	Оценка	
Α.	непрерывная		0	
В.	неубывающая		100	
C.	дифференцируемая		0	
D.	квадратично интегрируемая		0	
	Общий отзыв к вопросу:			
	Для любого правильного ответа:	Ваш ответ верный.		
	Для любого неправильного ответа:	Ваш ответ неправильный.		
	Подсказка 1:			
	Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):	Нет		
	Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):	Нет		
	Теги:			
Позвол (МС/М		вильных ответов из заданного списка.		

Какое	из перечисленных распределений НЕ является ди	скретным?	мс
		Балл по умолчанию:	1
		Случайный порядок ответов	Да
		Нумеровать варианты ответов?	0
		Штраф за каждую неправильную попытку:	33.3
		ID-номер:	
#	Ответы	Отзыв	Оценка
A.	биномиальное		0
B.	Пуассона		0
C.	геометрическое		0
D.	нормальное		100
	Общий отзыв к вопросу:		
	Для любого правильного ответа:	Ваш ответ верный.	
	Для любого неправильного ответа:	Ваш ответ неправильный.	
	Подсказка 1:		
	Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):	Нет	
	Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):	Нет	
	Теги:		
Позв (МС/	оляет выбирать один или несколько пра MA)	авильных ответов из заданного списка.	

top/По умолчанию для ФОС_09.03.04 Программная инженерия/ОПК-1/Теория вероятностей и математическая статистика/Теория вероятностей и математическая статистика//задания с коротким ответом

		Балл по умолчанию:	2	
		Штраф за каждую неправильную попытку:	33.3	
	ID-номер:			
#	Ответы	Отзыв	Оценка	
A.	0.188		100	
	Общий отзыв к вопросу:			
	Подсказка 1:			
	Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):	Нет		
	Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):	Нет		
	Теги:			

		Балл по умолчанию:	2
		Штраф за каждую неправильную попытку:	33.3
		ID-номер:	
#	Ответы	Отзыв	Оценка
A.	0.64		100
	Общий отзыв к вопросу:		
	Подсказка 1:		
	Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):	Нет	
	Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):	Нет	
	Теги:		

	азовите математическое ожидание случайной величины с распределением $(p(x) = \frac{1}{3\sqrt{2}})e^{-1}$ ас $(x-3)^2 \{18\}$.				
		Балл по умолчанию:	2		
		Штраф за каждую неправильную попытку:	33.3		
		ID-номер:			
#	Ответы	Отзыв	Оценка		
A.	3		100		
	Общий отзыв к вопросу:				
	Подсказка 1:				
	Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):	Нет			
	Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):	Нет			
	Теги:				
Импо	отирование этого типа вопроса не под	держивается.			

top/По умолчанию для ФОС_09.03.04 Программная инженерия/ОПК-1/Теория вероятностей и математическая статистика/Теория вероятностей и математическая статистика//задания с развёрнутым ответом

Независи	мые события: определение, необходимое и д	достаточное условие независимости, примеры.	ES			
		Балл по умолчанию:	3			
	Формат ответа:					
	Требовать текст:					
		Размер поля:	15			
	Разрешить вложения:					
		Требуемое число вложений:	0			
		Разрешенные типы файлов:				
		ID-номер:				
	Шаблон ответа	Информация для оценивающих				
		События А и В с вероятностями рА, рВ≠0 называются независимыми, если рАВ=р(А) или рВА=р(В), где р(А В) — условная вероятность события А при условии В. Необходимое и достаточное условие независимости: События независимы тогда и только тогда, когда рАВ=рАр(В), где АВ — событие, состоящее в одновременном наступлении событий А и В (пересечение). Доказательство: Пусть события А и В независимы. Тогда рАВ=рАрВА=рАр(В). Пусть рАВ=рАр(В), рА, рВ≠0. Докажем, что А и В независимы: рАВ=рАврВ=рАрВрВ=р(А). Аналогично доказывается равенство рВА=р(В). Таким образом, события А и В независимы. Доказательство завершено.				
	Общий отзыв к вопросу:	Три и более события называются независимыми в совокупности, если вероятность их произведения равна произведению их вероятностей. Независимыми являются, например, выпадения орла в последовательных бросаниях монетки; выпадения одного очка на одной брошенной игральной кости и шести очков на другой; попадания в мишень одновременно стреляющими стрелками.				
	<u> </u>					
	Теги:					
	ает в ответе загрузить файл и/ил преподавателем вручную.	и ввести текст. Ответ должен быть				

			Балл по умолчанию:	3
			Формат ответа:	HTML- редакто с выбо- ром файлов
			Требовать текст:	Нет
			Размер поля:	15
			Разрешить вложения:	1
			Требуемое число вложений:	0
			Разрешенные типы файлов:	
			ID-номер:	
Шаблон ответа		Информация д	для оценивающих	
	потезы Ні	: деталь выпущена і-	кованной детали. Рассмотрим ги-м станком. Вычислим их вероят-роятности события А при услови-	
	Hi	p(Hi)	p(A Hi)	
	H1	0.4	0.02	
	H2	0.3	0.01	
	Н3	0.3	0.015	
	зы Н1 при лой Байеса \(p(H_i)=p	условии А. Для её н	постериорная вероятность гипотенахождения воспользуемся форму-kp(H_k)p(A H_k)}\).	
Общий отзыв к вопросу:	l l			

Математическое ожидание дискретной случайной велиер расчёта.	пичины: определение и свойства (не менее трёх), при-	ES
	Балл по умолчанию	3
	Формат ответа	HTML- редактор с выбором файлов
	Требовать текст	Нет
	Размер поля	15
	Разрешить вложения	1
	Требуемое число вложений	0
	Разрешенные типы файлов	
	ІД-номер	
Шаблон ответа	Информация для оценивающих	
	Определение: Пусть X — дискретная случайная величина с законом распределения хі,рі. Математическим ожиданием величины X называется число МX=∑іхірі, при условии, что сходится ряд ∑і хі рі. Свойства: • Если величина постоянная: X = C, то МС=С. • Умножение на число: МаХ=аМХ. • Математическое ожидание суммы: МX+Y=МX+МY. • Математическое ожидание произведения: МXY=МXМХҮ, если X и Y независимы.	
	Пример: Пусть X задана законом распределения:	
	xi 0 1 -1	1
	pi 0.4 0.4 0.2	
	Тогда $MX=0.0.4+1.0.4+-1.0.2=0.2.$	
Общий отзыв к вопросу:		
Теги:		
Допускает в ответе загрузить файл и/ил оценен преподавателем вручную.	и ввести текст. Ответ должен быть	

нее квадратическое отклонение.							_
					Балл	і по умолчанию:	
						Формат ответа:	HTML- редак- тор с в бором файло
					T	ребовать текст:	Нет
						Размер поля:	15
					Разре	шить вложения:	1
				Т	ребуемое ч	исло вложений:	0
				Р	азрешенны	е типы файлов:	
						ID-номер:	
Шаблон ответа	Вероя	Информация для оценивающих					
	Закон	q=1- $p=0.4$. Закон распределения. Для нахождения дисперсии сразу впишем в таблицу значения $k2$:					
	k	1	2	3	4	5	
	k2	1	4	9	16	25	
	pk	0.6	0.24	0.096	0.0384	0.01536	
	МХ=∑ Диспе DX=М Средн	∑kk∙pk = 1 ерсия: ИХ2-МХ2					
Общий отзыв к вопросу:							

ость распределения одномерной случай	ной величины: определение, свойства, примеры.	ES
	Балл по умолчанию:	3
	Формат ответа:	HTML- редактор выбором файлов
	Требовать текст:	Нет
	Размер поля:	15
	Разрешить вложения:	1
	Требуемое число вложений:	0
	Разрешенные типы файлов:	
	ID-номер:	
Шаблон ответа	Информация для оценивающих	
	Определение:	
	Пусть X – случайная величина. Если её функция распределения может быть представлена в виде: Fx=∫-∞xpxdx,	
	то сама величина называется непрерывной, а функция рх — её плотностью распределения.	
	Свойства:	
	 px≥0. Условие нормировки: ∫-∞+∞рхdх = 1. P{x1≤X≤x2} = ∫x2x1pxdx. px=F'x в точках непрерывности рх. 	
	Примеры:	
	рх=C,х∈а,b – равномерное;	
	$px=\lambda e-\lambda x, x \ge 0$ — показательное;	
	рх=12πе-х2/2 – стандартное нормальное.	
Общий отзыв к вопросу:		
Теги:		
	л и/или ввести текст. Ответ должен быть	

войства плотности распределения двумерной сл ых случайных величин.	ES	
	Балл по умолчанию:	3
	Формат ответа:	HTML- редактор с выбором файлов
	Требовать текст:	Нет
	Размер поля:	15
	Разрешить вложения:	1
	Требуемое число вложений:	0
	Разрешенные типы файлов:	
-	ID-номер:	
Шаблон ответа	Информация для оценивающих	
	 Свойства рх,у: Условие нормировки: ∬-∞+∞рх,уdхdy=1. Связь с функцией распределения: рх,y=Fху"х,у в точках непрерывности рх,у. Маргинальные распределения: рх=∫-∞+∞рх,уdу, ру=∫-∞+∞рх,уdх. Р{X,Y∈D}=∬Dрх,уdхdy. Примеры: Координаты точки попадания снаряда на землю – двумерная непрерывная случайная величина. Координаты и вектор скорости молекулы в газе – трёхмерные случайные величины. 	
Общий отзыв к вопросу:		
Теги:		
опускает в ответе загрузить файл и ценен преподавателем вручную.	/или ввести текст. Ответ должен быть	

Критерии оценок:

Оценка	Критерии
Зачтено	Оценка за каждую текущую аттестацию не ниже 25 баллов, сданы все лабораторные работы, удовлетворительное владение теоретическим материалом при ответе на контрольно-измерительный материал.
Незачтено	Оценка хотя бы за одну текущую аттестацию ниже 25 баллов, или не сдана хотя бы одна лабораторная работа, или обучающийся демонстрирует неудовлетворительное владение теоретическим материалом при ответе на контрольно-измерительный материал.